

2.  
892.9  
04646  
2543  
116933



ภาคผนวก

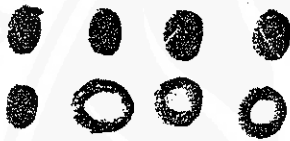


ตัวอย่างจากแบบประเมินของนักเรียน 4 คน

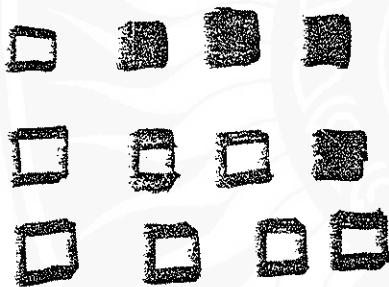
แบบประเมินการรับรู้เกี่ยวกับจำนวนในเรื่องเศษส่วน

หลักการเบื้องต้น 1.

1. จงวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{2}{8}$



2. จงวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{3}{10}$



3. นักเรียนคิดว่ามีเศษส่วนที่อยู่ระหว่าง  $\frac{3}{5}$  กับ  $\frac{4}{5}$  มีหรือไม่? ถ้ามีให้ยกตัวอย่าง:

$$\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \frac{4}{5}$$

4. จงใส่เครื่องหมายให้ถูกต้อง

ก.  $\frac{10}{21}$    $\frac{8}{15}$

ข.  $\frac{2}{19}$    $\frac{3}{17}$

5. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{12}{13} + \frac{7}{8}$

- ก. 1
- ข. 2
- ค. 19
- ง. 21
- จ. ไม่ทราบ

6. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{2}{3} - \frac{1}{4}$

- ก.  $\frac{1}{2}$
- ข.  $\frac{5}{12}$
- ค.  $\frac{14}{13}$
- ง.  $\frac{12}{14}$
- จ. ไม่ทราบ

7. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{21}{32} \times \frac{7}{16}$

- ก. มากกว่า  $\frac{21}{32}$
- ข. น้อยกว่า  $\frac{21}{32}$
- ค. เท่ากับ  $\frac{21}{32}$
- ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ตั้งชื่อให้

8. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณขอ:  $6\frac{2}{5} \div \frac{15}{16}$

ก. มากกว่า  $6\frac{2}{5}$

~~ข. น้อยกว่า  $6\frac{2}{5}$~~

ค. เท่ากับ  $6\frac{2}{5}$

ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ละมือทำ



จากรูปงตอบคำถามข้อ 9 - 10

9. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษน้อยกว่าส่วน

ตัวอักษร **A C D B**

10. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษมากกว่าส่วน

ตัวอักษร **D E F C**

11. ผลบวกของข้อใดมีค่ามากกว่า 1

ก.  $\frac{5}{11} + \frac{3}{7}$

~~ข.  $\frac{7}{15} + \frac{2}{5}$~~

ค.  $\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$

ง.  $\frac{1}{5} + \frac{2}{3}$

แบบประเมินการรับรู้เกี่ยวกับอำนาจในเรื่องเศษส่วน

ภาคเรียนที่ ๑

๑. จงวาดรูปแสดงความหมายของ

$\frac{5}{8}$



๒. จงวาดรูปแสดงความหมายของ

$\frac{1}{3}$



๓. นักเรียนคิดว่าเศษส่วนที่อยู่ระหว่าง  $\frac{1}{2}$  กับ  $\frac{1}{3}$  มีกี่ตัว? ถ้ามีให้ยกตัวอย่าง.

๖ ตัว

4. จงใส่เครื่องหมายให้ถูกต้อง

ก.  $\frac{10}{21} < \frac{8}{15}$

ข.  $\frac{2}{10} < \frac{3}{17}$

5. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{12}{13} + \frac{7}{8}$

ก. 1

ข. 2

ค. 19

ง. 21

จ. ไม่ทราบ

6. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{12}{13} - \frac{7}{8}$

ก.  $\frac{1}{2}$

ข.

ค.  $\frac{14}{13}$

ง.

จ. ไม่ทราบ

7. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{21}{32} \times \frac{7}{16}$

ก. มากกว่า  $\frac{21}{32}$

ข. น้อยกว่า  $\frac{21}{32}$

ค. เท่ากับ  $\frac{21}{32}$

ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ลงมือทำ

8. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $6\frac{2}{5} \div \frac{15}{16}$

ก. มากกว่า  $6\frac{2}{5}$

ข. น้อยกว่า  $6\frac{2}{5}$

ค. เท่ากับ  $6\frac{2}{5}$

ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ลงมือทำ



จากรูปจงตอบคำถามข้อ 9 - 10

9. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษน้อยกว่าส่วน

ตัวอักษร ... A, B, C, D

10. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษมากกว่าส่วน

ตัวอักษร ... E, F, G

11. ผลบวกของข้อใดมีค่ามากกว่า 1

ก.  $\frac{5}{11} + \frac{3}{7}$

ข.  $\frac{7}{15} + \frac{5}{12}$

ค.  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$

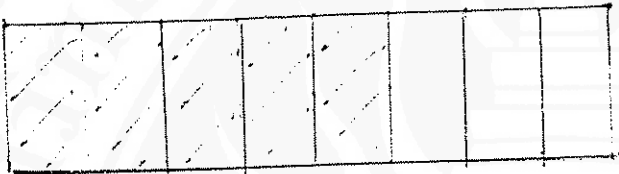
ง.  $\frac{3}{4} + \frac{3}{12}$



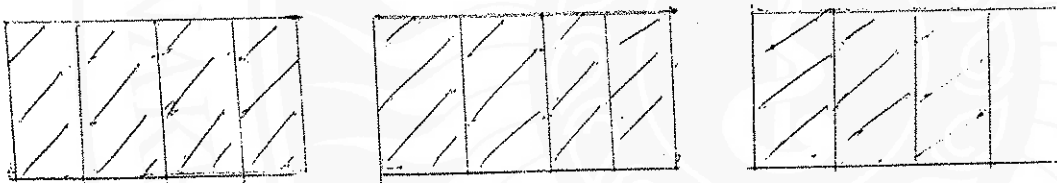
แบบประเมินการรับรู้เกี่ยวกับจำนวนในเรื่องเศษส่วน

นักเรียนที่ 3

1. จงวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{5}{8}$



2. จงวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{2}{4}$



3. นักเรียนคิดว่ามีเศษส่วนที่อยู่ระหว่าง  $\frac{2}{5}$  กับ  $\frac{1}{4}$  มีหรือไม่? ถ้ามีให้ยกตัวอย่าง

มี  $\frac{7}{10}, \frac{13}{20}, \frac{12}{20}, \frac{15}{20}, \frac{16}{25}, \frac{17}{25}, \frac{18}{25}, \frac{19}{25}, \frac{19}{50}$

47  
11/11

4. จงใส่เครื่องหมายให้ถูกต้อง

ก.  $\frac{10}{21} < \frac{8}{15}$

ข.  $\frac{2}{10} < \frac{3}{17}$

5. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{12}{13} + \frac{7}{8}$

ก. 1

~~ข. 2~~

ค. 19

ด. 21

จ. ไม่ทราบ

6. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{16}{15} - \frac{1}{4}$

ก.  $\frac{16}{15}$

ค.  $\frac{16}{15}$

จ. ไม่ทราบ

7. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{21}{32} \times \frac{7}{16}$

ก. มากกว่า  $\frac{21}{32}$

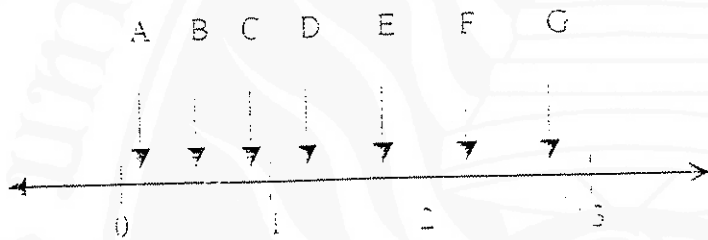
~~ข. น้อยกว่า  $\frac{21}{32}$~~

ค. เท่ากับ  $\frac{21}{32}$

ด. บอกไม่ได้เพราะไม่ตั้งเงื่อนไข

8. ต้องการคำตอบเชิงค่าประมาณขอ:  $6\frac{2}{3} \div \frac{15}{16}$

- ~~ก.~~ มากกว่า  $6\frac{2}{3}$   
 ข. น้อยกว่า  $6\frac{2}{3}$   
 ค. เท่ากับ  $6\frac{2}{3}$   
 ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ลงมือทำ



จากรูปจงตอบคำถามข้อ 9 - 11

9. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษน้อยกว่าส่วน

ตัวอักษร A, B, C

10. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษมากกว่าส่วน

ตัวอักษร D, E, F, G

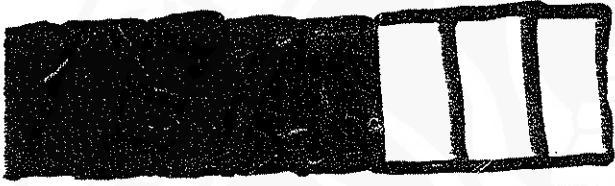
11. ผลบวกของข้อใดมีค่ามากกว่า 1

- ก.  $\frac{5}{11} + \frac{3}{7}$   
 ข.  $\frac{7}{16} + \frac{5}{11}$   
 ค.  $\frac{3}{4} + \frac{1}{6}$   
~~ง.  $\frac{5}{16} + \frac{1}{6}$~~

แบบประเมินการรับรู้เกี่ยวกับจำนวนในเรื่องเศษส่วน

นักเรียนเลขที่ 4

1. จวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{5}{8}$



2. จวาดรูปแสดงความหมายของ  $\frac{1}{4}$



3. นักเรียนคิดว่ามีเศษส่วนที่อยู่ระหว่าง  $\frac{3}{5}$  กับ  $\frac{4}{5}$  มีหรือไม่? ถ้ามีให้ยกตัวอย่าง :

4. จงใส่เครื่องหมายให้ถูกต้อง

ก.  $\frac{10}{21} < \frac{8}{15}$

ข.  $\frac{2}{19} < \frac{3}{17}$

5. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{12}{13} + \frac{7}{8}$

- ก. 1
- ข. 2
- ค. 19
- ง. 21
- จ. ไม่ทราบ

6. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{15}{16} - \frac{1}{2}$

- ก.  $\frac{1}{2}$
- ข.  $\frac{14}{13}$
- ค.  $\frac{14}{12}$
- ง. ไม่ทราบ

7. ต้องการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $\frac{21}{32} \times \frac{7}{16}$

- ก. มากกว่า  $\frac{21}{32}$
- ข. น้อยกว่า  $\frac{21}{32}$
- ค. เท่ากับ  $\frac{21}{32}$
- ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ลงมือทำ

8. ค้างการคำตอบเพียงค่าประมาณของ  $6\frac{2}{5} \div \frac{15}{16}$

- ก. มากกว่า  $6\frac{2}{5}$
- ข. น้อยกว่า  $6\frac{2}{5}$
- ค. เท่ากับ  $6\frac{2}{5}$
- ง. บอกไม่ได้เพราะไม่ได้ลงมือทำ



จากรูปจงตอบคำถามข้อ 9 - 10

9. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษน้อยกว่าส่วน

ตัวอักษร **A, B, C**

10. จากรูปตัวอักษรใดบ้างที่แสดงถึงเศษส่วนที่มีเศษมากกว่าส่วน

ตัวอักษร **D, E, F, G**

11. ผลบวกของข้อใดมีค่ามากกว่า 1

- ก.  $\frac{5}{11} + \frac{3}{7}$
- ข.  $\frac{7}{15} + \frac{5}{12}$
- ค.  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$
- ง.  $\frac{5}{6} + \frac{6}{13}$



ตัวอย่างจากการสัมภาษณ์ นักเรียน 2 คน

คนที่ 1

ครู : เมื่อกี้เพื่อนลูกหรือเปล่าคะ หนูอยู่ห้องไหน

น.ร. : เปล่าคะ ห้อง 6 ค่ะ มี 29 คน

ครู : แล้วชอบเรียนคณิตศาสตร์มั๊ย

น.ร. : ชอบนิดเดียวครู

: ลูกเขียน  $\frac{7}{8}$  มาน่าสนใจมากเลยลูกเขียนยังไง ไหนลองเขียนรูปให้ดู ลูกอธิบายรูปนี้ให้ดู  
สิคะที่ลูกเขียนไปหมายถึงอะไร

น.ร. : 

ครู : เอาเวลาพูดถึง ตามความเข้าใจของลูก ลูกหมายถึงอะไร มีอะไรยังไง

น.ร. : ไม่ค่อยเข้าใจน้อย

ครู : ก็อาจจะยังเขียนไม่ได้ OK.คะ รูปนี้นะคะ จังถามข้อนี้ให้มีเครื่องหมาย ลูกคิดว่า

$\frac{10}{21}$  กับ  $\frac{8}{15}$  อะไรมากกว่ากัน

น.ร. :  $\frac{10}{21}$

ครู : มากกว่าเพราะอะไรคะ

น.ร. : มากกว่า

ครู : แล้วลูกคิดยังไง ดูนับตอบเลยหรือคิดอีกทีก่อน

น.ร. : คิดอีกทีก่อน

ครู : คิดยังไงคะ ลูกดูอะไรถึงตอบ

น.ร. : ดูตัวเลข

ครู : ตัวอะไรมากกว่าตัวอะไรหรือคะ 10 มากกว่า 8 หรือคะ

น.ร. : ค่ะ

ครู : แล้วอันนี้ล่ะคะ ทำไมลูกตอบไม่ได้ว่าอะไรมากกว่า ได้มั๊ย

น.ร. : ไม่ได้

ครู : บวกเศษส่วนเรียนแล้วยังคะ

น.ร. : เรียนแล้วคะ

ครู : พอจำได้มั๊ยคะ คุณครูพูดว่าอะไร

น.ร. : ได้ ครูให้เอา  $12+7$  ,  $13+8$

ครู : แล้วถ้าลบกันล่ะคะ

น.ร. : เอา  $15-1$  ,  $16-4$



ครู : แล้วคุณล่ะคะ

น.ร : เอา 7 21

ครู : ตัดไปล่ะคะ

น.ร : ตอบ 47

ครู : เป็นคำตอบแล้วยัง ยังไม่ได้ อันนี้หนูตอบว่าทำไม่ได้ ก็ไม่เป็นไร พอจำได้มั๊ย ครูบอกว่าการเศษส่วนทำยังไง

น.ร : ไม่ค่อยจำได้

ครู : แล้วที่ใส่ A,B,C เข้าไปตรงนี้เข้าใจมั๊ย

น.ร : เข้าใจนิดนึง

ครู : เข้าใจว่า A,B เป็นยังไงคะ ไม่ได้ไม่เป็นไร เอาข้อสุดท้ายแล้วทำไมคิดว่าข้อ ข. เป็นผลบวกต้องมากกว่า

น.ร : ดูตัวเลข

ครู : อ้อ ดูตัวเลขเอา

น.ร : เอา  $7+15$  ;  $15+2$  ก็ได้มาก

ครู :  $15+12$

อ้อ OK. ค่ะ ชอบใจมาก

คนที่ 2

ครู : ลูกบอกชื่ออีกครั้งค่ะ

น.ร. : ชื่อ


ครู : ลูกอธิบายความหมายของเศษส่วนเอาไว้  $\frac{5}{8}$  ช่วยอธิบายให้ฟังอีกครั้งได้มั๊ยคะว่า ความถึงอะไร อธิบายได้มั๊ย

น.ร. : ไม่ได้

ครู : วาดรูปได้ แต่อธิบายไม่ได้

น.ร. : ครับ

ครู : วาดรูปใหม่ละคะ วาดได้มั๊ยคะ ไหนลองวาดดู

น.ร. : 

ครู : OK นั่นคือ ใชมั๊ยคะ

น.ร. : ครับ

ครู : เขียนให้ด้วย  $\frac{1}{2}$

ข้อนี้ลูกตอบว่าไม่มีข้อ 3 เนี่ยเศษส่วนระหว่าง  $\frac{3}{5} > \frac{4}{5}$  ลูกตอบว่าไม่มีคิดยังไงคะถึงตอบว่าไม่มี ที่ไม่มีนี่คือคำตอบไม่ได้หรือเปล่าคะ

น.ร. : ครับ

ครู : อ้อ ตอบไม่ได้

ต่อไปลูกจะใส่เครื่องหมาย  $> , < , =$  เนี่ยลูกก็ใส่มาว่า  $\frac{10}{21} > \frac{8}{15}$  ตอนนั้น ตอนหาคำตอบข้อนี้คิดอย่างไรคะ บอกวิธีคิดก็ได้ลูกไม่ต้องคิด ถ้าจะคิด ยังไงคะ

เอาเอาใหม่ตั้งใจใหม่ตัวเล็ก ๆ  $\frac{2}{3}$  เอาสองนี้ไม่เอา เอา  $\frac{2}{3}$  เลย ๆ กับ  $\frac{1}{2}$  อะไรมากกว่าอะไร

น.ร. :  $\frac{1}{2}$

ครู : ทำไมถึงคิดว่ามากกว่าล่ะคะ

น.ร. : แบ่งกันแล้วได้มากกว่า เป็นรูป

ครู : แล้ว  $\frac{2}{3}$  ละคะ จะได้น้อยกว่า ไหนลองวาดรูปสิคะ วาดรูป

น.ร. : 

ครู : เอา แล้วอันไหนมากกว่าล่ะคะ

น.ร. :  $\frac{1}{2}$

ครู : มากกว่า ตรงไหนมากกว่าลูก

น.ร. : พื้นที่ที่เหลือ

ครู : พื้นที่ที่เหลือมากกว่า OK. ค่ะ

การบวกเศษส่วนจำได้มั้ยคะ คุณครูบอกว่าให้ทำยังไง

น.ร. : ทำตัวส่วนให้เท่ากัน

ครู : แล้วทำยังไงต่อคะ

น.ร. : เอามาววกกัน

ครู : เอาอะไรมาบวกกัน

น.ร. :  $12+7$

ครู : แล้วตัวส่วนเอามาววกกัน อ้อ... ตัวส่วนก็เป็นตัวที่เท่ากันอยู่ตามที่เรามาข้างต้นแล้ว  
ใช่มั้ยคะ

น.ร. : ครับ

ครู : แล้วอันนี้ล่ะคะ ลบเหมือนกันมั้ยกับบวก วิธีการเหมือนกันมั้ย

น.ร. : ก็ทำส่วนให้เท่ากัน

ครู : แล้วคุณล่ะคะ วิธีหาคำตอบทำยังไงคะ จำได้มั้ย

น.ร. : จำไม่ได้

ครู : ข้อนี้เรามาววกกันประมาณ เหมือน  $\frac{12}{13}$  มันประมาณเท่าไร  $\frac{12}{13}$  มากกว่า  $\frac{1}{2}$  แล้วยัง

น.ร. : ยังไม่มาก

ครู : OK. ต่อไปค่ะ

ตรงนี้เห็นลูกตอบว่า  $6\frac{2}{5} \div \frac{15}{16}$  มีค่ามากกว่า  $6\frac{2}{5}$  คิดยังไงคะ หาคิดยังไงเวลาเราทำ  
ลองบอกวิธีที่คุณครูสอนแล้วกัน ว่าทำยังไง

น.ร. :  $6\frac{2}{5}$  ตั้งไว้ หาคเปลี่ยนเป็นคูณ

ครู : OK. ค่ะ

น.ร. : เศษเปลี่ยนเป็นส่วน

ครู : OK. ค่ะ แล้วคุณกัน แล้วได้คำตอบออกมาแล้วมากกว่าหรือคะ เอาข้อสุดท้าย อะไร  
ที่ผลบวกมากกว่า ทำไม่ถึงตอบข้อนี้คะ

น.ร. : ไม่ทราบ

ครู : OK. ไม่ทราบ แล้วข้อนี้เปลี่ยน A,D,F บอกว่าเศษน้อยกว่าส่วนทำไมคะ เขียนไปเฉย ๆ

น.ร. : เดาเอา

ครู : อ้อ... OK. ขอบใจจ๊ะ